LES による竜巻状旋回流に関する研究 A Numerical Study of Tornado-like Vortices using Large Eddy Simulation

0	ファムノ	、ン フック	,	清水建設	(株)	,	〒135-8530 東京都江東区越中島 3-14-10, p_phuc@shimz.co.jp
	野津	岡山	,	清水建設	(株)	,	〒135-8530 東京都江東区越中島 3-14-10, nozu@shimz.co.jp
	野澤	剛二郎	,	清水建設	(株)	,	〒135-8530 東京都江東区越中島 3-14-10, nozawa@shimz.co.jp
	菊池	浩利	,	清水建設	(株)	, :	〒135-8530 東京都江東区越中島 3-14-10, h_kikuchi@shimz.co.j

A numerical tornado simulator using LES has been constructed to generate the tornado-like vortices. Firstly, numerical simulations using the stationary tornado simulator were carried out. The performance of the numerical tornado simulator was verified in comparison the near-ground wind velocity profiles and pressure on ground surface with the experimental results, and also showed that the vortices were configured from the out-side rising and the inside falling vortices. The configuration of the vortices were also changed from the laminar to turbulence single core and expanded to multi cores in the increase of the swirl ratio, which is described the angular momentum input to the swirling flow. The moving of the tornado simulator was modeled using the dynamic meshes, and it also indicated that the vortices became weakly under the moving effect.

1. はじめに

気象庁の記録によると1961年から2008年までに竜巻の発生確 認数は年間約20件前後である¹⁾(海上竜巻を除く,年平均:13件).2006年以前の過去10年間の被害を見ても竜巻被害による死 者は1名である.しかし,2006年だけには宮崎県延岡市と北海道 佐呂間町で発生した一連の竜巻で,12名の死者と多数の負傷者や 住宅全壊等の被害が出てきて,竜巻に関する関心が集まる同時に その被害を軽減するための竜巻等突風対策も強化されている²⁾.

竜巻の特徴としては局所的かつ突発的であり、その寿命は数10 分であるため、竜巻発生を事前に正確に予測することや竜巻の流 れ場の速度を実測することは極めて難しく、竜巻についてはまだ 不明な点が多い.また、台風・暴風と異なって、竜巻は激しい渦 巻状の上昇流を伴い、進路に当たる物体を巻き上げながら移動す る.その被害については角材・屋根などの飛来物が多数に発生す る共に、新たな被害を拡大するという特有な特性があると知られ ている.これらの被害を低減するためにまずは竜巻に関する基本 的な性質を明らかにすることは不可欠である.

竜巻の多発の米国においては 1960 年代から、既に竜巻とそれ を生み出す積乱雲の特性に関する研究が多く行われてきた.また, 1990 年代から DOW (Doppler On Wheels)³⁾と VORTEX1(Verification of the Origins of Rotation in Tornadoes Experiment) $^{(4)}$ \mathcal{T} $\square \mathcal{V}$ $\perp \mathcal{I}$ $\vdash \mathcal{V}$ 通じて積乱雲の移動を追跡し、これらの情報に基づいて竜巻を生 み出す可能性を判定する観測システム並びに注意報・警報システ ムを構築した.このシステムにより竜巻の発生の13分前に警報が 作動できるという報告もある. 2009 年 6 月現在, 更に新たな VORTEX2 のプロジェクト ⁵が開始されて,注意報・警報システ ムの予測精度の向上の他、竜巻の発生機構と竜巻の構造の解明も 期待されている.しかし、これらの観測システムは、竜巻の発生 機構の解明は主な目的であるため、気象学的な観点から上空の速 度場を評価しているが、工学的に地上付近の速度場はまだ明らか にされていない⁶. また、気象学の数値シミュレーションの研究 ⁷⁻¹¹⁾においてもメソスケールを用いて竜巻発生の再現や竜巻の発 生機構の解明をしづつあるが、竜巻と積乱雲のスケールが2桁に 違うため、竜巻の流れ場を評価するにはまだ難しいという現状で ある 8).

竜巻の流れ場による風荷重を評価するために、竜巻の渦巻状 (以下、竜巻状旋回流を称する)をRankine 渦モデルでモデル化 し¹²⁾、それを2次元の流入風として数値流体計算に導入すること により風力・風圧係数を評価する方法が用いられている¹³⁻²⁰⁾.し かし、これらの方法は吸い上げ風速成分を無視して、得られた鉛 直方向の風力係数は従来の強風で用いた係数より数倍に大きいと いう結果も報告され、その値の妥当性はまだ不明である²⁰.

これらに対して, 竜巻を形成するメソサイクロンの Wall Cloud 以下の地上付近の渦運動が主として運動学的な要因に支配されて おり、Ward²¹⁾により図1に示すような竜巻状旋回流の実験シミュ レータが提案された. この実験シミュレータは収束層と対流域に より構成されて、収束層に外部から流入する空気が中央上部の上 昇流穴から吸い上げられる構造である. 収束層内の気流が竜巻状 の旋回流を生成するためには外部から循環の流れ場を与える. そ の与え方は2種類に大きく分けられる. その1は収束層に流入す る部分に接線方向の運動量を与えるものである. その2は上昇流 部分に回転成分を与えるものである.また、竜巻状旋回流に関す るいずれの実験研究は同様な実験シミュレータに基づいてスワ-ル比やレイノルズ数による渦の構造の変化を明らかにした 22-29. しかし、これらの実験装置は実スケールの1/1000以下であり、建 築構造物や土木構造物へ適用することは難しいとみられる. 最近, Sarkar ら³⁰⁻³³⁾は従来の実験装置より数10倍の移動式巨大な装置を 作成し、竜巻状旋回流の結果を実測の上空風速場とほぼ妥当な結 果を示した. 更に、今後に構造物にも適用し、竜巻状旋回流によ る風荷重を評価するとみられる.

一方,近年の計算機性能が向上し,数値流体計算は建築構造物 の設計にも検討されはじめる³⁴⁾.また,RANSやLES乱流モデル を用い,竜巻状旋回流の数値シミュレータを作成し,シミュレー タの寸法や流入風の変化により竜巻状旋回流の発生状況の検討に 関する研究³⁵⁻³⁹⁾も行われている.今後,数値流体計算は竜巻状旋 回流による風荷重の評価に有力な方法であると考えられる.

本研究では数値シミュレータを作成し、竜巻状旋回流の流れ場 の性質を調べる.まず、LESを用いて竜巻状旋回流を発生できる 数値シミュレータを構築し、実験の風速場と風圧場との比較によ りその妥当性を確認する.また、流入角度を変化させ、竜巻状旋 回流内の渦の形状と生成過程を明らかにする.更に、自動メッシ ュ生成機能と移動境界モデルを用い、移動式数値シミュレータを 試作し、竜巻の移動効果とそれによる流れ場の変化を評価する.

第23回数値流体力学シンポジウム 講演番号 G1-3



(b) 収束層の平面図(点線はガイドベーン)
 Fig.1 シミュレータの概要

3. 数値モデル

(1) 基礎方程式と乱流モデル

本解析はLES 乱流モデルを用い、流体運動を有限体積法により 離散化した.流体運動は Navier-Stockes 式にフィルターをかけた 非圧縮流れの連続の式と運動方程式により表す.

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial \rho \overline{u}_j}{\partial x_j} = 0 \tag{1}$$

$$\frac{\partial \rho \overline{u}_i}{\partial t} + \frac{\partial \rho \overline{u}_j \overline{u}_i}{\partial x_j} = -\frac{\partial \overline{p}}{\partial x_i} + \frac{\partial \sigma_{ij}}{x_j} - \frac{\partial \tau_{ij}}{\partial x_j}$$
(2)

ここで、 \bar{u}_j は x_j 方向の格子平均された速度成分、pは圧力、 ρ は流体の密度である。また、 σ_{ij} は応力テンソルのグリッドスケ

ール成分, τ_{ij} はサブグリッドスケール応力である. これらは次式 で定義される.

$$\sigma_{ij} = \left[\mu \left(\frac{\partial \overline{u}_i}{\partial x_j} + \frac{\partial \overline{u}_j}{\partial x_i} \right) \right] - \frac{2}{3} \mu \frac{\partial \overline{u}_i}{\partial x_i} \delta_{ij}$$
(3)
$$\tau_{ij} = \rho \overline{u_i u_j} - \rho \overline{u}_i \overline{u}_j$$
(4)

ここで、 μ は粘性係数である.また、サブグリッドスケール応力 τ_{ii} は渦粘性モデルにより次式で表す.

$$\tau_{ij} - \frac{1}{3} \tau_{kk} \delta_{ij} = -2\mu_i \overline{S}_{ij}$$
⁽⁵⁾

$$\overline{S}_{ij} = \frac{1}{2} \left(\frac{\partial \overline{u}_i}{\partial x_j} + \frac{\partial \overline{u}_j}{\partial x_i} \right)$$

(6)

ここで、 μ_t はサブグリッドスケールの乱流粘性、 \bar{S}_{ij} はひずみ速度テンソルである.

サブグリッドスケールの乱流粘性は Smagorinsky-Lilly モデルにより次式で表される.

$$\mu_t = \rho L_s^2 \left| \overline{S} \right| \tag{7}$$

ここに、 $|\overline{S}| = \sqrt{2\overline{S_{ij}}\overline{S_{ij}}}$ であり、 L_s はサブグリッドスケールの混合距離で次式により計算される.

$$L_s = \min\left(\kappa d, C_s \Delta^{1/3}\right) \tag{8}$$

κはカルマン定数, d は壁に最も近い距離, Δ は計算セルの体積,

*C*_s = 0.1 である.

数値解法として風速と圧力の連成解法にはSIMPLE法を採用した.移流項の空間的離散化には1次精度中心差分を,時間発展には1次精度陰解法を用いた.表1には境界条件を示す.なお,本 解析ではガイドベーン有りとガイドベーン無しの二つの数値シミュレータを用いた.上昇流穴から吸い上げられるファンの構造として上昇流を発生させるために,対流域排出境界は velocity-inlet 境界を適用した.収束層内の気流が旋回流を形成するためには, ガイドベーン有りの数値シミュレータでは収束層の流入境界に Pressure-inlet境界を,ガイドベーン無しの数値シミュレータでは 対流域排出流量を同じな量で流入させる Velocity-inlet境界を適用 した.また,数値シミュレータの壁面には no-slip条件とした.

表 1 境界条件

対流域排出境界	velocity-inlet
収束層の流入境界	ガイドベーンありのモデル: Pressure-inlet
	ガイドベーン無しのモデル: Velocity-inlet
壁面境界	no-slip

(2) 解析条件と解析モデル

解析条件を表2に示す.図2には数値解析シミュレータの構造を示す(黒い部分は壁面である).なお,解析モデルの寸法と解析条件については松井らの実験²⁷⁾を参考にして,収束層と対流域をモデル化した.対流域排出境界には流出量Qを $0.3m^3$ /sに相当する流出風速を $U_0=6m/s$ にした.収束層の流入角を0から75degまで変化した.これらは発生する渦の強さを表す無次元数スワール比S=0~1.4に相当するものである.ここで,スワール比Sは次式により定義する.

$$S = \frac{D}{4h} \tan \theta \tag{9}$$

収束層と対流域および全体の解析格子は図3に示す.また、シ ミュレータの移動を実現するために、自動メッシュ生成機能と移 動境界モデルを用い、収束層と対流域の格子をダイナミックメッ シュでモデルした.また、収束層と対流域の間にスライディング メッシュを採用した.なお、収束層中心の領域を立方体の固定メ ッシュ領域としてモデル化した(図3(a)の赤い領域).この領域 を今後に構造物の実験場として活用する予定である.

第 23 回数値流体力学シンポジウム 講演番号 G1-3





(c) 全体



(a) 収束層断面の解析格子



(b) 対流域断面の格子

Fig.3 ガイドベーン無しモデルの解析格子



(c) 全体



Fig.4 ガイドベーン有りモデルの全体解析格子

計算時間刻みをΔt=0.001(s)とし、風速と風圧分布との解析については最初の16000 ステップは助走計算で、次の8000 ステップは 統計計算を行い、風速と風圧の平均分布を求めた.スワール比による旋回流構造の評価については収束層の流入角度θは 0deg から75deg まで15deg 刻み間隔に増加させ、トータル48000 ステッ プで解析を実施した(各流入角度に8000 ステップで解析を行う). また、巻状旋回流の移動効果の評価には、シミュレータの中心を -0.4m に移動させた後、シミュレータの静止状態で竜巻状旋回流の渦が形成される助走計算の8000 ステップを解析した後、水平方向(x 方向)に移動速度 U_{mov} でシミュレータを移動しながら、解析 を行った.

表2 解析条件					
上昇流穴直径 D	0.3 m				
収束層の高さ h	0.2 m				
収束層の直径 D1	1.6m				
対流域の排出口の直径d	0.25m				
対流域の直径 D2	1.2m				
対流域排出流量 Q	0.3 m ³ /s				
(流出風速 U0)	(6m/s)				
収束層の流入角 θ	0, 15, 30, 45, 60, 75 (deg)				
(スワール比S)	(0.0~1.4)				
シミュレータの	0, 0.6 (m/s)				
移動速度 Umov					
解析要素数	ガイドベーン有りのモデル:138,640				
	ガイドベーン無しのモデル:98,480				
時間刻みΔt	0.001(s)				

(3) 解析ケース

竜巻状旋回流の性質を調べるために、次の3ケースを実施する. まず数値シミュレータを静止状態にして、収束層の流入角をθ =60deg (S=0.65)のケースの風速分布と風圧分布を調べる.次に、 収束層の流入角を変化することによりスワール比による竜巻状旋 回流の構造の変化を評価する.最後に、収束層の流入角θ=60deg のケースを対象にして、数値シミュレータを U_{mov}=0.6m/s (U=0.1U₀)で水平に移動させて、竜巻状旋回流の移動効果を評価する.

第 23 回数値流体力学シンポジウム 講演番号 G1-3

4. 竜巻状旋回流内の基本的な性質

(1) 風速と圧力分布

竜巻状旋回流の基本的な性質を明らかにするために、収束層の 流入角を θ =60deg(S=0.65)である場合を用い、風速分布とシミ ュレータ床面の風圧分布を調べた.図-5(a)には数値シミュレータ 中心からの風速の接線成分(高さ0.15m)の平均値を示す.また、 図-5(b)には床面の平均風圧分布を速度圧 0.5 ρ U²_{nux}で無次元化さ れた風圧係数を示す.図中には松井らの実験結果²⁷⁾もプロットし た.松井らの実験装置と同様にガイドベーンをモデル化した数値 シミュレータは実験の結果とほぼ一致である.また、いずれのモ デルの風速の接線成分は中心で小さく、半径0.20-0.40m 程度まで 徐々に増加し、最大値U_{nux}を到達し、中心から離れるとその風速 は低下していく.更に、中心には風圧低下の結果も見られて、実 験とほぼ同じ傾向を得られることがわかる.



また、図-6 は平均風速の接線成分と鉛直成分の断面コンターを 示す.図-6(a)により、収束層中心の周辺には風速の接線成分は大 きく、大きな回転運動が生じて、その回転運動は対流域に入ると 徐々に減少していくことがみられる.これらは収束層の循環の流 れ場と対流域の吸い上げられる流れ場によるものであると考えら れる.ただし、図 6(b)の風速の鉛直成分をみると、上昇気流穴か ら吸い上げられる上昇の流れ場の他、中心軸近傍に下降の流れ場 もみられ、竜巻状旋回流は外側の上昇渦巻と内側の下降渦巻で構 成されることは本解析でわかる.

(2) スワール比による影響

竜巻状旋回流の構造はスワール比Sに支配される. その旋回流の構造の生成過程と旋回流内の流れ場を更に詳細に検討するために、収束層の流入角θを0~75deg (S=0~1.4)に変化させて,解析



(a) 中心からの接線成分の平均風速分布(高さ0.15m)
 (b) 中心からの距離と床面平均風圧分布
 Fig.5 竜巻状旋回流内の平均風速分布と風圧分布(S=0.65)



Copyright © 2009 by JSFM

を行った.

本論文では、生成された旋回流の渦度を評価する、図7にはそ れぞれ収束層の流入角 θ が 15, 30, 45, 60, 75deg である時に渦度の 変化を示す. θは 0deg である場合, 渦度の明確なコアが形成され ていないため、その結果を省略した. 図により、θは小さい時 (30deg 以下)には層流の渦で生成される. θ が大きくなると, 渦度が大きくなり、渦のコアが拡大するとともに、その渦は上部 から破壊されていく. その破壊により渦全体が乱流化されていく ようにみられる. 特に, θ=75degのケースには, 渦度の中心は2 ~3 コアに分離され、複数セルの渦が生じることは分かる、

また、既往研究の実験により、スワール比は 0.4 以上に乱流渦 が生じ、0.8以上に複数セルの渦が生じることが示されていた.本 解析にも同様な傾向を得られることもわかった.

(3) 移動効果

竜巻状旋回流の移動効果を評価するために、 収束層の流入角θ =60degの場合を対象にして、数値シミュレータ(収束層のダイナ ミックメッシュ領域と対流域)をUmov=0.6m/s (U=0.1U0)で水平に 移動させた.図8には得られた速度場の渦度の変化を示す.また, 移動効果を明らかにするために、本解析モデルの固定メッシュ領 域と渦の頂部の対流域排出口もプロットし、竜巻状旋回流は固定 メッシュ領域に通過前,通過中と通過後の渦度コンターを示す. なお、竜巻状旋回流が固定メッシュ領域に通過する前に、渦が生 成までに数値シミュレータを静止状態にした.

図により、数値シミュレータを移動することにより、渦の上部 の渦度は弱まっていて、徐々に破壊されると共に、渦が消えてい くような傾向がみられる.

5. まとめ

本研究では LES を用いて竜巻状旋回流を発生できる数値シミ ュレータを構築し、その流れの性質を調べた.以下は主な結果を 得た.

- 数値流体解析から得られた竜巻状旋回流内の接線成分の 1. 平均風速と床面平均風圧分布は既往の実験とほぼ同じな 傾向を得られた. また, 竜巻状旋回流は, 収束層の循環の 流れ場と対流域の吸い上げられる流れ場により外側の上 昇渦巻と内側の下降渦巻で構成されて, その性質は本数値 解析によりわかった.
- 収束層の流入角度及びスワール比が増加すると、 渦度が増 2. 加し、その渦度からみたコアが拡大していく. 更に、流入 角度が大きくなると、渦の上部から破壊していくことによ

り層流渦から乱流渦に移行する.

自動メッシュ生成機能と移動境界モデルを用いることに 3. より、移動式数値シミュレータを実現でき、竜巻状旋回流 の移動効果により渦上部が弱まっていて、渦が消えていく 傾向がみられる.

本研究では、LES 乱流モデルを用いた数値シミュレータを構築 し、竜巻状旋回流の基本的な性質の評価を試みた. 今後は、移動 効果を含む竜巻状旋回流内の速度場・風圧場更に詳細に検討し、 固定メッシュ領域に建物構造物などをモデルし、竜巻状旋回流に よる荷重の変化を明らかにする.

謝辞:本研究は、実験方法及び実験結果にあたり東京工芸大学の 松井正宏教授と徳島大学の野田稔准教授から真重な情報を頂いた. ここに、記して謝意を表する.

参考文献

- (1) 気象庁, "年別の発生確認数", http://www.data.jma.go.jp/obd/ stats/data/bosai/tornado/stats/annually.html.
- 竜巻等突風対策検討会、"竜巻等突風対策の強化に向けた検 (2)討会報告", 内閣府, 2007.
- (3) Wurman, J., "The DOW mobile multiple-Doppler network", 30th International Conference on Radar Meteorology, American Meteorological Society, Munich, Germany, (2001).
- (4) Rasmussen, E.N., et al., "Verification of the origins of rotation in tornadoes experiment: VORTEX", Bulletin of the American Meteorological Society, 75(1994), pp.995-1006.
- (5)VORTEX2, http://www.vortex2.org/home/
- Alexander, C.R. and J. Wurman, "The 30 May 1998 Spencer, South (6) Dakota, storm. Part I: The structural evolution and environment of the tornadoes", Monthly Weather Review, 133(2005), pp.72-97.
- (7) T. Noda, A. and H. Niino, "Genesis and structure of a major tornado in a numerically-simulated supercell storm: importance of vertical vorticity in a gust front", SOLA, 1(2005), pp. 5-8.
- (8) 野田 暁, "スーパーセル型積乱雲に伴う竜巻の発生過程とそ の構造に関する数値的研究',博士論文,(2002).
- 新野 宏, 野田 暁, "竜巻の数値シミュレーション:現状と課 (9) 題",理論応用力学講演会 講演論文集,54 (2005), pp.19-23.
- (10) Lewellen, W.S., D.C. Lewellen, and R.I. Sykes, "Large-eddy simulation of a tornado's interaction with the surface", Journal of the Atmospheric Sciences, 54(1997), pp.581-605.



Fig.8 移動時の竜巻状旋回流の渦度コンターの変化(瞬間値)

Copyright © 2009 by JSFM

- (11) Xia, J., "Large-Eddy Simulation of a Three-dimensional Compressible Tornado Vortex", Ph.D. Thesis, (2001), West Virginia University.
- (12) Lewellen, W.S., "Theoretical models of the tornado vortex", Proceedings of the Symposium on Tornadoes, RE Peterson, Texas Tech University, Lubbock. 1976.
- (13) Wen, Y., Dynamic tornadic wind loads on tall buildings. Journal of the Structural Division, 1975. 101(1): p. 169-185.
- (14) Wilson, T., "Tornadic structure interaction: A numerical simulation", Report: UCRL-52207, Lawrence Livermore Laboratory, University of California, 1977.
- (15) McDonald, J.R. and R.P. Selvam, "Tornado Forces on Buildings Using the Boundary Element Method", Proceedings of Fifth US National Conference on Wind Engineering. 1985.
- (16) Bienkiewicz, B. and P. Dudhia, "Physical modeling of tornado-like flow and tornado effects on building loading", Proceedings of the 7th US National Conference on Wind Engineering, (1993).
- (17) Selvam, R.P. and P.C. Millett, "Computer modeling of tornado forces on buildings", Proceedings of the 7th US National Conference on Wind Engineering, Edited by: Gary C. Hart, Los Angeles, (1993), pp.605-613.
- (18) Selvam, R.P., Roy, U.K. and Jung, Y., "Investigation of tornado forces on 2D cylinder using computer modeling", Wind Engineering. Proceedings of NCWE 2002, Edited by: K. Kumar, Phoenix Publishing. House, New Delhi, (2002), pp.342-353.
- (19) Selvam, R.P. and P.C. Millett, "Computer modeling of tornado forces on buildings", Wind and Structures, 6(2003): pp. 209-220.
- (20) Selvam, R.P. and P.C. Millett, "Large eddy simulation of the tornado-structure interaction to determine structural loadings", Wind and Structures, 8(2005), pp.49-60.
- (21) Ward, N.B., "The exploration of certain features of tornado dynamics using a laboratory model", Journal of the Atmospheric Sciences, 29(1972), pp.1194-1204.
- (22) Wan, C.A. and C.C. Chang, "Measurement of the velocity field in a simulated tomado-like vortex using a three-dimensional velocity probe", Journal of the Atmospheric Sciences, 29(1972): pp.116-127.
- (23) Church, C.R., J.T. Snow, and E.M. Agee, "Tornado vortex simulation at Purdue University". Bulletin of the American Meteorological Society, 58(1977), pp. 900-908.
- (24) Fouts, J.L., D.L. James, and C.W. Letchford, "Pressure distribution on cubical model in tornado-like flow", (2002).
- (25) 佐々浩司,竹村早紀,道下翔吾, "移動竜巻の下層構造の実験的解明",弟 20 回風工学シンポジウム論文集,20(2008), pp.157-162.
- (26) 松井正宏,田村 幸雄,"竜巻状流れ場に対するスワール比, 粗度の影響に関する室内実験",第19回風工学シンポジウム 論文集,(2006), pp.7-12.
- (27) 松井 正宏,田村 幸雄,吉田 昭仁,"竜巻状旋回流中におかれた立方体に作用する風圧力と移動効果による旋回流形成への影響に関する実験的研究",風工学シンポジウム論文集,20 (2008), pp.319-324.
- (28) 松井 正宏,田村 幸雄,"竜巻シミュレータの開発一流れ場の可視化とその特徴一",第58回理論応用力学講演会,(2009), pp.374-374.
- (29)山下翔平,長尾文明,野田稔,宗田和之,"竜巻状流れの流入角による制御の可能性",第64回土木学会全国大会年次学術講演梗概集,(2009).
- (30) Sarkar, P., et al., "Velocity Measurements in a Laboratory Tornado

Simulator and their comparison with Numerical and Full-Scale Data. Technical', Memorandum of Public Works Research Institute, (2005). pp. 197-211.

- (31) Sarkar, P.P., et al. "Laboratory Simulation of Tornado and Microburst to Assess Wind Loads on Buildings", American Society of Civil Engineers, (2006).
- (32) Haan, F.L., Sarkar, P.P., Galuss, W.A., "Design construction and performance of a large tornado simulator for wind engineering applications", 30(2008), pp. 1146-1159.
- (33) 喜々津 仁密, サーカー パーサ, ハーン フレッド, "トルネード発生装置を活用した低層建築物に作用する風力特性に関する研究", 日本風工学会年次研究発表会梗概集, (2009), pp.67-68.
- (34) 日本建築学会,"建築物の耐風設計のための流体計算ガイド ブック",丸善(株),(2005).
- (35) 丸山 敬, "竜巻状の渦の数値シミュレーション", 日本風工 学研究会誌, 111(2007), pp. 99-100.
- (36) 丸山 敬, "LES による竜巻状の渦のシミュレーション",日本建築学会学術講演梗概集, 2007, pp.181-182.
- (37) 丸山 敬, "ラージ・エディ・シミュレーションによる竜巻状の渦を作る試み",京都大学防災研究所年報,第 51 号 B,51B(2008), pp.481-488.
- (38) 宮田 秀太, 野村 卓史, 長谷部 寛, 栗津 翔太, "流体解析による竜巻状旋回気流シミュレーションの試み", 第 20 回 風 工学シンポジウム論文集, 20 (2008), pp.211-216.
- (39) Sengupta, A., et al., "Transient loads on buildings in microburst and tornado winds", Journal of Wind Engineering & Industrial Aerodynamics, 96(2008), pp.2173-2187.