格子ボルツマン法を用いた子午面粘性流動解析によるレンズ風車の最適空力設計

# Optimal Aerodynamic Design of Wind-Iens Turbine with Meridional Viscous Flow Calculation Using Lattice Boltzmann Method

An optimal aerodynamic design method of wind-lens turbine with meridional viscous flow calculation using Lattice Boltzmann Method (LBM) has been developed. First, the meridional flow simulation by LBM is conducted for a wind-lens turbine, and the result is compared with the one of Reynolds averaged Navier-Stokes (RANS) simulation. It indicates that the meridional flow simulation by LBM predicts appropriately flow field around wind-lens turbine. Thus, optimized design of wind-lens turbine is carried out by the optimal aerodynamic design method with meridional viscous flow calculation using LBM. The result of RANS simulations for the optimized wind-lens turbines shows that the optimal wind-lens turbine shrinks separated vortex behind brim and is superior to the conventional one in the performance.

#### 1. 緒言

格子ボルツマン法(Lattice Boltzmann Method; LBM)は, Navier-Stokes 方程式を離散化して解く従来の計算方法に比べて, 並列化に優れ高速な計算が可能であることから,新たな流れの計 算手法として期待されている.LBMでは直交等間隔格子が使用さ れ,計算格子内に埋め込まれた物体の境界において計算精度の低 下が懸念されるが,格子生成が容易という利点もある.

近年,ターボ機械の設計において,CFD は必要不可欠なツール となっている.著者らの研究グループでは、これまで Navier-Stokes 方程式を離散化して解く従来の計算方法を用いた子午面粘性流動 解析による最適空力設計を行ってきた<sup>(1)</sup>.最適空力設計のように, 同時に複数の格子生成や数値解析を実施する場合などでは,高速 計算が可能で格子生成が容易な LBM は、ターボ機械の空力設計 に適した計算手法といえる.

本研究では、LBM による子午面粘性流動解析をレンズ風車に 適用した.そして、LBM による子午面粘性流動解析結果を三次元 定常 RANS 解析結果と比較し、LBM による子午面粘性流動解析 の検証を行った.さらに、LBM を適用した空力設計手法をもとに、 レンズ風車の空力最適化を行った.

### 2. 格子ボルツマン法(LBM)

#### (1) LBM の概要

LBM は、流体を仮想粒子の集合体と考え、仮想粒子の衝突および並進から巨視的な流体運動を再現する数値計算手法である.本研究では、直交等間隔格子を使用し、アルゴリズムが簡単な次式の格子 BGK モデルを用いる.

$$f_{i}\left(t + \Delta t, \mathbf{x} + \mathbf{c}_{i}\Delta t\right) = f_{i}\left(t, \mathbf{x}\right) - \frac{1}{\tau} \left[f_{i}\left(t, \mathbf{x}\right) - f_{i}^{eq}\left(t, \mathbf{x}\right)\right]$$
(1)

ここで、f は粒子の分布関数、c は粒子の速度、r は単一時間緩和 係数、f <sup>eq</sup> は局所平衡分布関数、添え字 i は粒子の種類を表す. 粒子モデルには 3 次元 15 速度 (D3Q15) モデルを用いる.本研 究では、マルチスケールモデルを適用し、格子解像度の違う格子 を組み合わせた計算を行う.計算に用いる格子は、Building-Cube Method (BCM)を用いて作成した.また、本計算手法ではWilcox の  $k-\omega$  乱流モデル<sup>2</sup>より計算される渦粘性係数  $\mu$ を加えた粘性係数  $\nu$  から単一時間緩和係数  $\tau$  を求めた.

## (2) LBM への外力項の導入

風レンズ風車の空力設計は翼力を導入した軸対称粘性流れ解析 を用いて行われる.本研究では、この軸対称流れ解析に LBM を 応用する.そこで、円筒座標表示のシステム方程式に現れる遠心 力・コリオリカ等の見かけの力および翼作用を表す翼力を、LBM の外力として導入することで軸対称粘性流れ計算を可能にする. 外力を導入した際の格子 BGK モデル<sup>(3)</sup>は次式となる.

$$f_i\left(t + \Delta t, \mathbf{x} + \mathbf{c}_i \Delta t\right) = f_i\left(t, \mathbf{x}\right) - \frac{1}{\tau} \left[f_i\left(t, \mathbf{x}\right) - f_i^{eq}\left(t, \mathbf{x}\right)\right] - F_i \qquad (2)$$

ここで Fi は外力項であり, D3Q15 モデルでは次式となる.

-

$$F_i = -3 \frac{\mathbf{F} \cdot (\mathbf{c}_i - \mathbf{v})}{c^2} f_i^{eq}(t, \mathbf{x})$$
(3)

ここで, **F** は導入する外力, **v** は流体の速度である. 本研究で導入される見かけの力 **F**<sub>Axi</sub> を次式に示す.

$$\mathbf{F}_{Axi} = \begin{bmatrix} F_{Axiz} \\ F_{Axir} \\ F_{Axi\theta} \end{bmatrix} = \frac{1}{r} \begin{bmatrix} v \frac{\partial v_z}{\partial r} \\ v_{\theta}^2 + v(\frac{\partial v_r}{\partial r} - \frac{v_r}{r}) \\ -v_r v_{\theta} + v(\frac{\partial v_{\theta}}{\partial r} - \frac{v_{\theta}}{r}) \end{bmatrix}$$
(4)

ここで、vは粘性係数、添え字z, r,  $\theta$ は各方向を表す.また、 翼力として非粘性流れに基づく翼力モデル<sup>40</sup>を導入した.この翼 力モデルは次式で表される.

第 29 回数値流体力学シンポジウム D03-1

$$\mathbf{F}_{b} = \begin{bmatrix} F_{bz} \\ F_{br} \\ F_{b\theta} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{n_{bz}}{n_{b\theta}} F_{b\theta} \\ \frac{n_{br}}{n_{b\theta}} F_{b\theta} \\ \rho \frac{v_{m}}{r} \frac{\partial(rv_{\theta})}{\partial m} \end{bmatrix}$$
(5)

ここで、mは子午面に沿った距離を表す.本翼力モデルでは、非 粘性流れ場を仮定していることから、翼力が翼キャンバ面に垂直 に作用するとモデル化する.このとき翼キャンバ面の単位法線ベ クトルをnとすると、翼力の軸方向成分 $F_{bc}$ および半径方向成分  $F_{br}$ は、上式のように与えられる.

#### 3. レンズ風車の最適空力設計手法

#### (1) 準三次元空力設計法(1)

準三次元空力設計法は、レンズ風車の簡易理論、および翼作用 を考慮した軸対称子午面粘性流動解析より構成される.図1に準 三次元空力設計のフローチャートを示す.本設計手法はまず、レ ンズ風車の簡易理論に基づき、既存の二次元翼型データより翼素 形状を決定する.その後、設計された翼に対して、子午面粘性流 動解析を行い、得られた流入速度分布を翼設計にフィードバック する.この作業を翼形状が収束するまで繰り返し行い、最終的な 翼形状を決定する.

#### (2) 最適化手法

本研究の最適化手法には実数値 GA を用いた. GA とは、世代 交代、交叉および突然変異と呼ばれる生物の進化プロセスを模擬 した過程を繰り返すことで最適解を得る手法である.最適化のフ ローチャートを図2に示す.本研究の最適化手法では、まず初期 条件を設定し、その初期条件に基づいて風レンズ形状を決定し、 準三次元空力設計法を用いて翼設計を行う.次に、設計されたレ ンズ風車について軸対称子午面粘性流動解析により算出される性 能を評価する.さらに、この評価をもとに GA を用いて新たな設 計条件を生成し、準三次元空力設計法により次世代のレンズ風車 を設計する.このプロセスを繰り返すことで最適な風レンズ形状 と翼負荷分布を求めた.なお、本研究の GA では世代交代モデル に NSGA-2<sup>(5)</sup>を、交叉モデルは多親交叉モデル REX<sup>(6)</sup>を用いた.

#### (3) 設計変数および目的関数

本研究では、スパン方向翼負荷分布 *w* θと風レンズ形状を最適 化した.スパン方向翼負荷分布 *w* θにおいては、図3に示すよう に、スパン方向位置を固定した6点について、各点の翼負荷を設 計変数とした.これらを Bezier 曲線により補間することでスパン 方向翼負荷分布を得た.また風レンズ形状においては.図4に示 すように、「ベルマウス高さ」、「ディフューザ高さ」、「風レンズ長 さ」、「スロート位置」および「つば高さ」の5つを設計変数とし た.ベルマウスとディフューザの子午面形状は、スロート位置を 原点とした二次関数で与えており、スロート位置で勾配が一致す るように設定した.以上より、設計変数に計11点を与えた.

また目的関数は、子午面粘性流動解析で得られる出力係数  $C^*_{Wher}$ および集風効果係数 Kとした.これらの定義を次式に示す.

$$C^*_{Wmer.} = \frac{\dot{m}rv_{\theta}\omega}{\rho A^* V/2} \tag{6}$$

$$K = v_1 / V \tag{7}$$

ここで,  $\dot{m}$  は質量流量, rは半径, wは周方向速度,  $\omega$ は翼車の 角速度,  $\rho$  は密度, A\*はつば外径に基づく風レンズ風車の総受風 面積, Vは遠方の近寄り風速, vは風車直前の流入速度である.



Fig.1 Flow chart of blade design



Fig.2 Flow chart of optimization



Fig.3 Distribution of blade loading



4. LBM による子午面粘性流動解析手法の検証

本研究では,LBMによる子午面粘性流動解析をレンズ風車に適 用し、1 ピッチ三次元定常 RANS 解析の結果と比較して、検証を 行った.

# 第 29 回数値流体力学シンポジウム D03-1

(1) 計算条件

LBM の計算に用いた計算格子は直交等間隔格子であり,1ブロ ックあたりの格子点数が11×11,全体の格子点数は約12万点であ る.また,代表長さである翼端半径に基づいた最小格子幅は 2.4×10<sup>3</sup>[-]である.LBM を用いた軸対称粘性流れ解析で使用した 格子を図 5 に示す.一方,三次元定常 RANS 解析は,圧縮性 Reynolds 平均 Navier-Stokes 方程式(RANS)を基礎方程式とし,乱流 モデルは,Wilcoxの*k-w* 乱流モデルを用いている.また,三次元 定常 RANS 方程式の計算に用いた計算格子は物体適合構造格子で あり,格子点数は約1600万点である.また,代表長さである翼端 半径に基づいた最小格子幅は1.0×10<sup>4</sup>[-]である.三次元定常 RANS 解析で使用した格子の子午面断面を抜き出した図を図6に示す.



for meridional flow calculation with LBM



Fig.6 Computational grid example for three-dimensional flow calculation with RANS

(2) LBM を適用したレンズ風車の子午面粘性流動解析の検証

レンズ風車翼前縁および後縁における速度分布を図7に示す. なお, Design は LBM による子午面粘性流動解析の結果, 3DRANS は三次元定常 RANS 解析結果を示す.

図7より,翼前縁および後縁の速度分布はよく一致しているこ とが確認できる.なお,ハブ近傍における境界層が Design では厚 く見積もられているが,これは格子トポロジーの違いが影響して いると考えられる. LBM による子午面粘性流動解析には,直交等 間隔格子を用いており,ハブ面のような曲面を厳密には再現でき ない.また,前節に述べたように,両計算手法では最小格子幅が 異なる.そのため,最小格子幅が大きな LBM では,その影響を 受け,ハブ側での境界層が厚く評価されている.

以上に示したように、LBM を用いた子午面粘性流動解析では、 レンズ風車の翼設計に必要な、翼周辺の速度分布を精度よく予測 できることが確認できる.よって、従来の Navier-Stokes 方程式を 用いた準三次元空力設計法と同様に,LBM を用いた準三次元空力 設計法により、レンズ風車の設計は可能であると言える.



(a) Distributions of meridional velocity at L.E.



(b) Distributions of meridional velocity at T.E.





#### 5. LBM を適用したレンズ風車の最適空力設計

#### (1) 最適化結果

本研究では、1世代あたりの設計個体数を20個体として20世 代まで設計を行い、最適化した.また、本最適化過程における二 種の設計変数の他に、各個体に共通の設計仕様として、表1に示 す設計仕様を用いた.

最適化で得られたレンズ風車の、子午面粘性流動解析で得られた集風効果係数K、および出力係数 $C^*$ Winerの分布を図8に示す. 最適化によって得られた風車の中で、 $C^*$ Winerが最大のレンズ風車を「Opt1」、Kが最大のレンズ風車を「Opt2」と呼称する.なお、比較対象として、最適化手法を用いずに、Navier-Stokes 方程式を適用した準三次元空力設計法により設計された中で、過去最高出力のレンズ風車を「Conventional」と呼称して用いる.

上記3基のレンズ風車の翼負荷分布を図9に、風レンズの子午 面断面形状を図10に示す.図9から,最適化により得られたOpt, Opt2の翼負荷分布を、Conventional と比較すると、最適化された 2 つのレンズ風車は、スパン中央においてほぼ一定値をとり、翼 根および翼端側で緩やかに減少する分布となった.また、図10 から、最適化により得られた Opt1、Opt2の風レンズ形状を、 Conventional と比較すると、両方とも、Conventional よりつば径が 小さいことがわかる.これは、目的関数に出力係数 C<sup>\*</sup>wmerを設定 したことが要因だと考えられる.(6) 式に示すように、C<sup>\*</sup>wmer</sub>は、 出力をつば径基準の面積で無次元化することで求められる.本研 究では出力係数 C<sup>\*</sup>wmer</sub>が大きくなるように、すなわちつば径が小 さくなるように最適化が行われたため、Conventional よりつば径 が小さくなったと考えられる.



Fig.8 Distributions of K and  $C^*_{Wmer}$ 



Fig.9 Distributions of blade loading



Fig.10 Wind-lens shapes

#### (2) 三次元定常 RANS 解析結果

前述した3基のレンズ風車に対し、三次元定常 RANS 解析を行った.三次元定常 RANS 解析によって得られた出力係数 C<sup>\*</sup>wおよび集風効果係数 K を表2 に示す.

集風効果係数 K を比較すると, Conventional が最も大きい. その要因として,図10 に示すように,Conventional のつば径が他の2 つより大きいことが考えられる.また,図9 に示すように,Conventional の翼負荷は,他の2 つと比較して,翼端部の値がスパン中央の値と比較して大きく減少している.ここで,図11 に翼後縁における各風車の周方向平均された子午面速度分布を示す.これより,Conventional では翼端部において他の2 つより流れが最も加速されており,その結果,Kが大きくなったと考えられる.

一方、出力係数 C<sup>\*</sup>wを比較すると、Opt1 が最も大きい. これは、 Opt1 がつば後方のはく離渦を抑制したことが影響していると考 えられる. 図 12 に周方向平均された子午面速度分布および子午面 流線図を示す. これより、Conventional は、つば後方のはく離渦 が大きく、風レンズ出口の内面にまではく離が及んでいることが わかる. それに対し、Opt1 や Opt2 では、つば後方のはく離渦が 小さく、風レンズ内面にはく離渦は見られない. 過去の研究によ り、風レンズ内面にはく離が発達することで、レンズ風車の空力 性能が低下することが明らかになっている<sup>の</sup>. よって、Opt1 や Opt2 は出力係数 C<sup>\*</sup>wを増加できたと考えられる. また、図 10 に示すよ うに、Opt1 のつば径は Opt2 より小さい. 従って、Opt1 は、Opt2 より集風効果係数 K が小さいが、出力係数 C<sup>\*</sup>wは大きくなったと 考えられる.

第 29 回数値流体力学シンポジウム D03-1

以上より,LBMを適用した最適空力設計により,過去の研究に おいて最高出力であった Conventional よりもつば径が小さく,出 力係数 *C*wが大きなレンズ風車を開発したことを確認できた.

### 4. 結言

本研究では、格子ボルツマン法をターボ機械の設計問題に適用 することを目指し、格子ボルツマン法による子午面粘性流動解析 を準三次元空力設計法に適用し、レンズ風車の空力設計を行った. また、本設計手法を用いて設計したレンズ風車に対し三次元流れ 解析を行い、LBMを適用した子午面粘性流動解析の予測精度を検 証した.その結果、LBMを適用した子午面粘性流動解析によって、 レンズ風車近傍の流れ場を精度よく予測できたことから、LBMを 用いた準三次元空力設計法により、レンズ風車の設計は可能であ るといえる.

さらに、LBM を適用した準三次元空力設計法をもとに、レンズ 風車の最適空力設計を行った.その結果、つば後方のはく離渦を 抑制することで、過去最高出力のレンズ風車よりもつば径が小さ く高出力なレンズ風車を開発できた.

Table2	Result of	three-dimensional	steady flow	v analysis w	vith RANS

	$C^*w$	Κ
Opt1	0.517	1.05
Opt2	0.502	1.09
Conventional	0.514	1.13







(a) Opt1



(b) Opt2



(c) Conventional Fig.12 Meridional velocity contour and streamline

# 参考文献

- N. Oka, M. Furukawa, K. Yamada, A. Oka and Y. Kurokawa, "Aerodynamic Performance and Flow Fields of Pareto Optimal Solutions in an Aerodynamic Design Optimization of a Wind-lens Turbine", Proceedings of the ASME Turbo Expo 2015, Paper No. GT2015-43619.
- (2) Wilcox, D. C., "Reassessment of the Scale-Determining Equation for Advanced Turbulence Models", AIAA Journal, Vol.26, No.11, pp.1299-1310,(1988)
- (3) A.A. Mohamad, and A. Kuzmin, "A critical evaluation of force term in lattice Boltzmann method, natural convection problem", International Journal of Heat and Mass Transfer, Vol.53 (2010), pp990-996.
- (4) S. Tabata, F. Hiratani, and M. Furukawa, "Axisymmetric Viscous Flow Modeling for Meridional Flow Calculation in Aerodynamic Design of Half-Ducted Blade Rows", Memories of the Faculty of Engineering, Kyushu University, Vol.67, No.4 (2007), pp199-208.
- (5) Kalyanmoy Deb, Amrit Pratap, Sameer Agarwal, and T.meyarivan7
   "A Fast and Elitist Multiobjective Genetic Algorithm NSGA-II", IEEE Transactions on evolutionary computation, Vol.6,No.2 (2002)
- (6) 小林重信, "実数値 GA のフロンティア",人工知能学会論文
   誌, Vol.24, No.1(2009), pp147-162
- (7) N.Oka, K.Kawamitsu, S.Tabata, M.Furukawa, K.Yamada, and K.Kido, 2013, "NUMERICAL ANALYSIS OF VORTICAL FLOW FIELD AROUND WIND-LENS TURBINES", 4<sup>th</sup> International Conference on Jets, Wakes and Separated Flows