ガリレオプローブ突入時の極超音速輻射流れ場の数値解析

Numerical Simulation of Hypersonic Radiating Flowfield for Galileo Probe Entry

下権谷祐児, 東北大院, 980-8579 仙台市青葉区荒巻字青葉 01, E-mail: yuji@cfd.mech.tohoku.ac.jp 松山新吾, 東北大院, 980-8579 仙台市青葉区荒巻字青葉 01, E-mail: matsu@cfd.mech.tohoku.ac.jp 澤田恵介, 東北大工, 980-8579 仙台市青葉区荒巻字青葉 01, E-mail: sawada@cfd.mech.tohoku.ac.jp Yuji Shimogonya, Dept. of Aeronautics and Space Engineering, Tohoku Univ., Sendai 980-8579, JAPAN Shingo Matsuyama, Dept. of Aeronautics and Space Engineering, Tohoku Univ., Sendai 980-8579, JAPAN Keisuke Sawada, Dept. of Aeronautics and Space Engineering, Tohoku Univ., Sendai 980-8579, JAPAN

Coupled calculation of hypersonic radiating flowfield assuming thermochemical equilibrium without ablation is made for Galileo probe entry. Radiative mechanisms accounted in the calculations are b-b and b-f transitions for H, and f-f transitions for H⁺. The absorption coefficients are evaluated by a curve-fit method at 570 wavelength points for the wavelength range from 500 to 15000 $\,$. Radiative transfer is calculated one-dimensionally employing the tangent-slab approximation. A reasonable agreement is obtained for radiative heat flux at the stagnation point along the entry trajectory with that given by Moss et al.

1.はじめに

1995年12月8日,NASAは木星の大気測定を目的として ガリレオプローブを木星大気圏に投入した。プローブの断面 図をFig.1に示す。プローブは約47.4 km/sの高速度で木星大 気圏に突入し,その周りには過酷な空力加熱環境が形成され た。飛行データによると,よどみ点での最大熱流束は約13.4 kW/cm²であるが⁽¹⁾,そのうちの大部分は衝撃層内の気体が発 した輻射によるものであったと考えられている。

アブレータ損耗量について, Moss ら⁽²⁾ による事前の計算 予測値と実際の飛行データを比較したところ,大きな不一致 がみられた。よどみ点付近では,飛行データは予測値の約半 分であった。これは熱化学非平衡性が原因だと考えられてい る⁽³⁾。一方下流域では,飛行データは予測値の約2倍であっ た。これはアブレーションガスによる境界層の早期乱流遷移 が原因だと考えられている。

現在ではアブレータ設計の大部分は計算コードを用いて 行われているために,飛行データと予測値の不一致の原因を 知ることは将来のために必要不可欠である。ガリレオプロー プについては不一致の原因として上述のような原因が考え られているが,それらを考慮した計算はまだ行われていない。

本研究では,ガリレオプローブの飛行データと予測値の不 一致の原因を明らかにし,表面損耗量を再現することを最終 的な目的とする。今回は予備的研究としてアプレーションな しの熱化学平衡流を仮定した輻射カップリング計算を行っ たので,その結果を報告する。



Fig.1 Cross section of Galileo probe

2.数值計算法

本研究では H₂, He, H, H₂⁺, He⁺, H⁺, e⁻の7化学種を考慮す る。また熱化学平衡流を仮定し,気体の組成は自由エネルギ ー最小化法⁽⁴⁾により求める。気体の状態量と組成はあらかじ めテーブル化しておき,各計算点において,保存変数に含ま れる密度と内部エネルギーの2つの状態量を元に,他の状態 量と組成をテーブルから求める⁽⁵⁾。

支配方程式は以下に示す軸対称 Euler 方程式である。

$$\frac{\partial Q}{\partial t} + \frac{\partial E}{\partial x} + \frac{\partial F}{\partial y} + H = H_{rad}$$
(1)

ここで,Qは保存変数ベクトル,E,Fは流束ベクトル,Hは軸対称生成項ベクトルであり,それぞれ次式で表される。

$$\boldsymbol{Q} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{\rho} \\ \boldsymbol{\rho} u \\ \boldsymbol{\rho} v \\ \boldsymbol{e} \end{bmatrix}, \quad \boldsymbol{E} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{\rho} u \\ \boldsymbol{\rho} u^{2} + p \\ \boldsymbol{\rho} u v \\ (\boldsymbol{e} + p) u \end{bmatrix}, \quad \boldsymbol{F} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{\rho} v \\ \boldsymbol{\rho} u v \\ \boldsymbol{\rho} v^{2} + p \\ (\boldsymbol{e} + p) v \end{bmatrix}, \quad \boldsymbol{H} = \frac{1}{y} \begin{bmatrix} \boldsymbol{\rho} v \\ \boldsymbol{\rho} u v \\ \boldsymbol{\rho} v^{2} \\ (\boldsymbol{e} + p) v \end{bmatrix}$$
(2)

輻射生成項 $oldsymbol{H}_{rad}$ については後で述べる。

支配方程式は有限体積法により離散化される。数値流束は AUSM-DV スキームにより評価し, MUSCL 法で高次精度化 する。また, LU-SGS 法を用いて時間積分する。

気体の輻射特性は,波長領域 500~15000 に対して H の bound-bound 遷移, H の bound-free 遷移, H⁺の free-free 遷移 を考慮し,最適化された 570 波長点で評価する。波長 λ にお ける気体の吸収係数 κ_{λ} は,輻射を考える各化学種の吸収係 数の和で表される。

$$\kappa_{\lambda} = \sum_{i} n_{i} \sigma^{i} \tag{3}$$

ここで n_i は化学種iの数密度であり, σ^i は化学種iの吸収断面積である。本研究では次式のように吸収断面積 σ^i を温

度
$$T$$
 のみの関数として表す⁽⁶⁾。
 $\sigma^{i} = \exp\left[A_{1}^{i} / Z + A_{2}^{i} + A_{3}^{i} \ln(Z) + A_{4}^{i} Z + A_{5}^{i} Z^{2}\right],$ (4)
 $Z = 10000 / T$

ここで $A_1^i \sim A_5^i$ はカープフィットのパラメーターであり、 これらはあらかじめテープル化しておく。

輻射輸送は,接平板近似を導入して一次元問題として解かれる。この場合の輻射輸送方程式は次のようになる。

$$l\frac{\partial I_{\lambda}}{\partial s} = \kappa_{\lambda}(B_{\lambda} - I_{\lambda}) \tag{5}$$

ここでs は接平板に垂直な方向にとった座標,l は任意の輻射伝播方向のs 軸に対する方向余弦, I_{λ} はその方向の波長 λ における輻射強度である。また B_{λ} はプランク関数である。 式(5)の一般解は次式で与えられる。

$$I_{\lambda}(s, l) = I_{\lambda}(s_{b}, l) \exp\left[-\frac{\tau_{\lambda}(s) - \tau_{\lambda}(s_{b})}{l}\right] + \int_{s_{b}}^{s} \frac{\kappa_{\lambda}B_{\lambda}}{l} \exp\left[-\frac{\tau_{\lambda}(s) - \tau_{\lambda}(\hat{s})}{l}\right] d\hat{s}$$
⁽⁶⁾

ただし添え字bは境界を表す。また, $\tau_{\lambda}(s)$ は次式で与えられる光学厚さである。

$$\tau_{\lambda}(s) = \int_{s_{b}}^{s} \kappa_{\lambda} d\hat{s}$$
 (7)

輻射熱流束 q_{rad} は,

$$q_{rad} = \int_{\lambda} \int_{4\pi} I_{\lambda} l d\omega d\lambda \tag{8}$$

により求められる。ここでのは立体角である。接平板近似を用いると,式(8)の全立体角に対する積分はs方向の積分に繰り込むことが出来るので,大幅な計算時間短縮が可能である。

こうして得られた輻射熱流束をエネルギー式中の輻射生 成項に与えて流体運動とカップリングさせる。接平板近似を 導入した場合には,輻射生成項 H_{red} は次式のようになる。

$$\boldsymbol{H}_{rad} = \frac{\partial \boldsymbol{Q}_{rad}}{\partial s} \tag{9}$$

ここで,

$$\boldsymbol{Q}_{rad} = \begin{bmatrix} 0\\0\\0\\-q_{rad} \end{bmatrix}$$
(10)

である。なお,輻射輸送の計算は波長領域分割による並列計 算⁽⁷⁾により行い,計算時間の短縮を図る。

3.計算条件

ガリレオプローブの突入軌道に沿った合計 10 点で計算を 行った。計算条件を Table1 に示す。

Table1 Flow conditions					
Time	Altitude	Velocity	Density	Temp.	Pressure
S	km	km/s	kg/m ³	Κ	Pa
35.00	215.3	47.65	1.35e-5	180.83	9.609
40.00	184.5	47.14	4.22e-5	171.21	28.56
43.00	166.6	46.38	8.47e-5	165.49	55.49
46.00	149.0	44.89	1.72e-4	160.08	109.5
48.00	138.0	43.25	2.72e-4	156.37	169.9
49.13	132.2	42.06	3.47e-4	154.36	216.1
50.78	123.9	39.77	4.99e-4	151.25	302.4
52.86	114.1	36.00	7.66e-4	147.64	460.6
55.06	105.1	31.08	1.16e-3	144.33	685.6
58.75	93.0	22.24	2.03e-3	139.81	1146

4.計算結果および考察

残差の収束履歴を Fig.2 に示す。T=58.75s の場合に振動が 見られるが,その他の条件では約 2000 ステップほどで残差 は十分に落ちていることがわかる。Fig.3 はよどみ点におけ る輻射熱流束の収束履歴である。どの条件でも早い段階で収 束している。

Fig.4 は T=52.86s におけるよどみ流線上の温度分布である。 また, Fig.5 は同時刻におけるよどみ流線上の圧力分布であ る。両図とも輻射と流体運動をカップリングした場合としな かった場合の結果を示してある。Fig.4 から輻射と流体運動 のカップリングの効果として,衝撃層内の温度低下が現れて いることがわかる。この現象は輻射冷却として知られている。 一方 Fig.5 から,衝撃層内の圧力の大きさはカップリングの 有無にほとんど影響されないことがわかる。このため衝撃層 内の密度は増加して離脱衝撃波はより物体側に近づくこと になる。

Fig.6 は T=52.86s における壁面に沿った輻射熱流束の分布 を示した図である。輻射と流体運動をカップリングして計算 することで,輻射熱流束はよどみ点で約2割小さくなり,ま た下流域ではほぼ半分になっている。これは,放射冷却によ り衝撃層内の温度が低下したこと,および,それに伴ってH や H⁺などの輻射源である化学種の数密度が減少したことに よるものと考えられる。この結果から,ガリレオプローブ突 入時の空力加熱環境においては輻射輸送の影響は無視でき ない程度に大きいこと,また熱流束を正確に見積もるには輻 射と流体運動をカップリングして計算することが必要であ ることが確認できた。

次に, Moss らの計算結果との比較を示す。今回の計算で はアブレーションを考慮していないため,比較もアブレーシ ョンなしのケースについて行った。Fig.7 は軌道に沿ったよ どみ点輻射熱流束の比較を示したものである。定性的に良い 一致が得られていることがわかる。

以上は全て Euler 方程式を支配方程式とした場合の結果で ある。1 ケースだけではあるが Navier-Stokes 計算も行ってみ たので,以下にその結果を示す。

Fig.8 は T=52.86s におけるよどみ流線上の温度分布である。 この場合にも輻射と流体運動のカップリングの効果として, 輻射冷却による衝撃層内の温度低下と衝撃波離脱距離の減 少が現れている。

Fig.9 は, T=52.86s における壁面に沿った輻射熱流束分布 について Euler 計算と Navier-Stokes 計算を比較したものであ る。2 つを比較するとそれほど大きな違いはないが, Navier-Stokes 計算の結果は Euler 計算の結果を下回る形とな った。これは境界層で温度が低下した分だけ輻射熱流束が減 少したためと考えられる。 Fig.10 は, T=52.86s における壁面に沿った対流熱流束およ び輻射熱流束の分布である。この図から,よどみ点付近の熱 流束の大部分は輻射によるものであることがわかる。また, 輻射と流体運動をカップリングさせると,輻射熱流束だけで なく対流熱流束も小さな値となることがわかる。対流熱流束 が小さくなるのは,放射冷却のために衝撃層の温度が低下し て壁面における温度勾配が緩やかになったためと考えられ る。この結果からも,熱流束を正確に見積もるには輻射と流 体運動をカップリングして計算することが必要であること がわかる。

5.おわりに

アブレーションなしの熱化学平衡流を仮定してガリレオ プロープ突入時の輻射カップリング計算を行った。

1つの条件を除いて収束解が得られた。よどみ点における 輻射熱流束に関して Moss らの計算結果と比較したところ, 定性的に良い一致が得られた。また,ガリレオプローブの突 入環境において熱流束を正確に見積もるためには,輻射と流 体運動をカップリングして計算することが必要不可欠であ ることが示された。

参考文献

- Milos, F. S., Chen, Y.-K., and Squire, T. H., "Analysis of Galileo Probe Heatshield Ablation and Temperature Data," Journal of Spacecraft and Rockets, Vol. 36, No. 3, May-June 1999.
- (2) Moss, J. N., and Simmonds, A. L., "Galileo Probe Forebody Flowfield Predictions," Vol. 85, Progress in Astronautics and Aeronautics, AIAA, New York, 1983, pp. 419-445.
- (3) Park, C., "Heatshielding Problems of Planetary Entry, A Review," AIAA Paper 99-3415, July 1999.
- (4) Gordon, S., and McBride, B. J., "Computer Program for Calculation of Complex Chemical Equilibrium Compositions and Applications," NASA Reference Publication 1311, Oct. 1994.
- (5) Liu, Y., Vinokur, M., "Equilibrium Gas Flow Computations I. Accurate and Efficient Calculation of Equilibrium Gas Properties," AIAA Paper 89-1736, 1989.
- (6) Park, C., and Milos, F. S., "Computation Equations for Radiating and Ablating Shock Layers," AIAA Paper 90-0356, Jan. 1990.
- (7) Matsuyama, S., Sawada, K., Sakai, T., and Sasoh, A., "Parallel Computation of Fully-Coupled Hypersonic Radiating Flowfield Using Multi-Band Model," AIAA Paper 2001-0657, Jan. 2001.



Fig.2 Convergence histories of residual



Fig.3 Convergence histories of radiative heat flux at the stagnation point



Fig.4 Temperature along the stagnation streamline at 52.86s





Fig.6 Radiative heat flux along the body surface at 52.86s



Fig.7 Comparison of radiative heat flux at the stagnation point with Moss et al.



Fig.8 Temperature along the stagnation streamline at 52.86s (NS)



Fig.9 Comparison of radiative heat flux along the body surface at 52.86s



Fig.10 Heat flux along the body surface at 52.86s (NS)